

## Аудиторная зачетная работа

Математический анализ. Вариант 201

май 2007 год

1. Изменить порядок интегрирования  $\int_0^1 dx \int_x^{2x} f(x, y) dy + \int_1^{\sqrt{2}} dx \int_{x^3}^{2x} f(x, y) dy$ .
2. Показать, что поле вектора  $\vec{a}$  является потенциальным, и найти его потенциал.  
 $\vec{a} = \left(-\frac{2}{y^2} + 6z\right)\vec{i} + \left(\frac{1}{z} + \frac{4x}{y^3}\right)\vec{j} + \left(6x - \frac{y}{z^2}\right)\vec{k}$ .
3. Найти поток векторного поля  $\vec{a}$  через часть плоскости  $P$ , расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с  $\vec{k}$ ).  $\vec{a} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ ,  $P : x + y + z = 1$ .
4. Вычислить интеграл по телу, ограниченному поверхностями

$$\iiint_V \frac{dx dy dz}{\left(1 + \frac{x}{3} + \frac{y}{4} + \frac{z}{8}\right)^4}; V : \frac{x}{3} + \frac{y}{4} + \frac{z}{8} = 1, x = 0, y = 0, z = 0.$$

## Аудиторная зачетная работа

Математический анализ. Вариант 202

май 2007 год

1. Изменить порядок интегрирования
- $$\int_0^1 dy \int_{y^2/2}^{\sqrt{3-y^2}} f(x, y) dx.$$
2. Найти поток векторного поля  $\vec{a}$  через часть плоскости  $P$ , расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с  $\vec{k}$ ).  $\vec{a} = 2x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$ ,  $P : x + y + z = 1$ .
  3. Показать, что поле вектора  $\vec{a}$  является потенциальным, и найти его потенциал.  
 $\vec{a} = \left(\frac{y}{z} - 1\right)\vec{i} + \left(\frac{x}{z} + \frac{1}{y^2}\right)\vec{j} + \left(1 - \frac{xy}{z^2}\right)\vec{k}$ .
  4. Вычислить интеграл по телу, ограниченному поверхностями

$$\iiint_V \frac{dx dy dz}{\left(1 + \frac{x}{16} + \frac{y}{8} + \frac{z}{3}\right)^4}; V : \frac{x}{16} + \frac{y}{8} + \frac{z}{3} = 1, x = 0, y = 0, z = 0.$$

**Аудиторная зачетная работа**  
Математический анализ. Вариант 203  
май 2007 год

1. Изменить порядок интегрирования

$$\int_0^1 dy \int_0^{\sqrt{y}} f(x, y) dx + \int_1^2 dy \int_0^{\sqrt{2-y}} f(x, y) dx.$$

2. Найти поток векторного поля  $\vec{a}$  через часть плоскости  $P$ , расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с  $\vec{k}$ ).  $\vec{a} = x\vec{i} + 2y\vec{j} + z\vec{k}$ ,  $P : x/2 + y + z = 1$ .

3. Показать, что поле вектора  $\vec{a}$  является потенциальным, и найти его потенциал.  
 $\vec{a} = (\frac{1}{y} + \frac{z}{x^2})\vec{i} + (2z - \frac{x}{y^2})\vec{j} + (2y - \frac{1}{x})\vec{k}$ .

4. Вычислить интеграл по телу, ограниченному поверхностями

$$\iiint_V \frac{dx dy dz}{\left(1 + \frac{x}{6} + \frac{y}{4} + \frac{z}{16}\right)^4}; V : \frac{x}{6} + \frac{y}{4} + \frac{z}{16} = 1, x = 0, y = 0, z = 0.$$

**Аудиторная зачетная работа**  
Математический анализ. Вариант 204  
май 2007 год

1. Изменить порядок интегрирования

$$\int_{-2}^{-1} dy \int_0^{\sqrt{2+y}} f(x, y) dx + \int_{-1}^0 dy \int_0^{\sqrt{-y}} f(x, y) dx.$$

2. Найти поток векторного поля  $\vec{a}$  через часть плоскости  $P$ , расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с  $\vec{k}$ ).  $\vec{a} = x\vec{i} + 3y\vec{j} - z\vec{k}$ ,  $P : x/3 + y + z/2 = 1$ .

3. Показать, что поле вектора  $\vec{a}$  является потенциальным, и найти его потенциал.  
 $\vec{a} = \frac{18x^2}{z}\vec{i} - e^{2z}\vec{j} - (\frac{6x^3}{z^2} + 2ye^{2z})\vec{k}$ .

4. Вычислить интеграл по телу, ограниченному поверхностями

$$\iiint_V (3x + 4y) dx dy dz; V : z = 5(x^2 + y^2), x = 1, y = x, y = 0, z = 0.$$

## Аудиторная зачетная работа

Математический анализ. Вариант Тренировочный

май 2007 год

1. Изменить порядок интегрирования

$$\int_{-\sqrt{3}}^1 dx \int_{-\sqrt{4-x^2}}^0 f(x, y) dy$$

2. Найти поток векторного поля  $\vec{a}$  через часть плоскости  $P$ , расположенную в первом октанте (нормаль образует острый угол с  $\vec{k}$ ).  $\vec{a} = 2x\vec{i} + 3y\vec{j} + z\vec{k}$ ,  $P : x/3 + y + z/2 = 1$ .

3. Показать, что поле вектора  $\vec{a}$  является потенциальным, и найти его потенциал.  $\vec{a} = (yz - 2x)\vec{i} + (xz - 2y)\vec{j} + (xy)\vec{k}$ .

4. Вычислить интеграл по телу, ограниченному поверхностями

$$\iiint_V (x^2 + 4y^2) dx dy dz; V : z = 20(2x + y), x + y = 1, x = 0, y = 0, z = 0.$$